

#### **UNIVERSIDAD NACIONAL MAYOR DE SAN MARCOS**

Universidad del Perú. Decana de América

#### **VICERRECTORADO ACADÉMICO DE PREGRADO**

## COMISIÓN ORGANIZADORA DE LA ESCUELA DE ESTUDIOS GENERALES

Resolución Rectoral Nº 05389-R-16

### ÁREA DE CIENCIAS BÁSICAS

# **SÍLABO**

#### I. INFORMACIÓN GENERAL

1.1 Nombre de la asignatura : CÁLCULO I

1.2 Código de asignatura : CBO104

1.3 Horas semanales totales : 05

1.4 Modalidad : Virtual
1.5 Semestre de estudio : 2021-II

1.6 Créditos : 4

1.8 Docentes responsables : Elvia Pérez Barturen (Coordinadora) <u>eperezb@unmsms.edu.pe</u>

Rojas Cauti Saúl srojasc@unmsm.edu.pe

<sup>-</sup>Valladolid Facio Benito <u>bvalladolidf@unmsm.edu.pe</u>

#### II. SUMILLA

El curso incluye conocimientos sobre Relaciones binarias, Funciones reales de variable real, Límites, Continuidad y Derivadas de Funciones reales, Aplicaciones (máximos y mínimos) y diferenciales aplicados a la solución de problemas aplicados a la física.

## III. LOGROS O RESULTADOS DE APRENDIZAJE (Competencias de asignatura)

## 3.1 Componentes

## 3.1.1 Competencias

- Utiliza contenidos conceptuales y procedimentales, que se manifiestan en signos y símbolos del pensamiento crítico - reflexivo para obtener diversos modelos matemáticos del mundo real de forma lógica y creativa.
- Soluciona problemas y genera aprendizajes a través de múltiples estrategias y alternativas que lo lleven al éxito y logro de metas propuestas.

 Utiliza herramientas y medios digitales en la comunicación sincrónica y asincrónica, para intervenir en forma responsable, segura y ética en entornos digitales corporativos o propios que fortalezca el desarrollo de su formación profesional.

## 3.1.2 Actitudes y valores

- Valora la importancia del aprendizaje autónomo para permanecer vigente y actualizado en su profesión.
- Asume responsabilidades por su formación profesional y la realización de trabajos.
- Evalúa sus decisiones y acciones desde un contexto moral y ético.
- Comunica de manera clara y convincente en forma oral, escrita y grafica según los diferentes tipos de interlocutores y audiencias.
- Cumple las normas de Netiqueta en la comunicación en redes.
- Valora la importancia del trabajo en equipo, se integra y participa en forma efectiva en equipos multidisciplinarios de trabajo.

#### IV. PERFILES DEL EGRESADO

## 4.1 Perfil del egresado de la universidad

- Aplica conocimientos a la práctica para resolver problemas con compromiso ético.
- Capacidad de análisis y síntesis en la toma de decisiones con responsabilidad, sentido crítico y autocrítico.
- Trabaja en equipo con una perspectiva transdisciplinar para comprender y transformar la realidad compleja.
- Genera nuevos conocimientos que aportan al desarrollo de la sociedad mediante la investigación, con sentido ético.
- Gestiona la información y la difusión de conocimientos con adecuada comunicación oral y escrita de la propia profesión, ejerciendo el derecho de libertad de pensamiento con responsabilidad.
- Desempeña su profesión con liderazgo, adecuándose a los cambios y a las nuevas tendencias, comprometido con la paz, medio ambiente, equidad de género, defensa de los derechos humanos y valores democráticos.

### 4.2 Perfil del egresado de la Escuela de Estudios Generales

El egresado de la Escuela de Estudios Generales del Área de Ciencias Básicas es protagonista de su desarrollo académico integral, posee valores, desarrollo ético y compromiso social, es solidario y respeta el medio ambiente. Posee capacidad de análisis y pensamiento crítico, tiene habilidad para la comunicación oral y escrita en español, muestra interés tanto en el desarrollo nacional, así como en las herramientas tecnológicas contemporáneas y tiene una sólida formación en ciencias básicas y sociales.

#### V. COMPETENCIAS TRANSVERSALES

### Investigación

Capacidad de investigación básica, pensamiento crítico y creativo: Hábito de la mente caracterizado por la exploración intensiva de asuntos de interés, ideas, objetos y eventos, antes de aceptar o formular una opinión o conclusión y como consecuencia, la capacidad de plantear una acción de estudio de esta en un nivel básico. Habilidad para combinar o sintetizar ideas existentes, imágenes u otro pensamiento original y la experiencia de pensar, reaccionar y trabajar en un modo imaginativo, caracterizado por un alto nivel de motivación, pensamiento divergente y asunción de riesgos

#### Responsabilidad social

Razonamiento ético: Capacidad de razonar acerca de qué es apropiado y qué es equivocado en la conducta humana. Requiere de los estudiantes ser capaces de evaluar sus propios valores éticos y el contexto social de los problemas, reconocer los dilemas éticos en una variedad de circunstancias. Los estudiantes adquieren su propia identidad ética la que debe evolucionar con ellos en su vida universitaria y profesional.

## Liderazgo

Estudiar y trabajar para hacer una diferencia en la vida cívica de nuestras comunidades y desarrollar la combinación de conocimiento, habilidades, valores y motivación para crear esa diferencia. Esto quiere decir lograr un desarrollo individual creciente a través de promover la calidad de vida de la comunidad a la que pertenezca, en un inicio podrá ser su vecindario, luego de las organizaciones a donde se incorpore, sin perder de vista las necesidades a nivel del país o a nivel global.

# VI. PROGRAMACIÓN DE CONTENIDOS

Competencia: Utiliza contenidos conceptuales y procedimentales para proponer modelos matemáticos de la realidad de manera creativa y lógica

Número de semana en el semestre	Criterios/Capacidades	Temas/Contenidos	Herramientas y/o recursos tecnológicos.	Actividades y/o estrategias.	
	Determina el dominio y	Relaciones binarias.	1. Vídeo de bienvenida	• Revisión documental	
	rango de una relación	Dominio y rango.	2. Sílabo	• Prueba de entrada	
	binaria.	Gráficas de relaciones.	3. Presentación de la asignatura.	•Videoconferencia	
		Relación inversa.	Presentación de caso sobre relaciones	. Hoja de ejercicios	
	Soluciona diferentes		4. Agenda de la semana 1		
1	ejercicios sobre		Video: Gráfico de relaciones y funciones con		
	relaciones.		Geogebra		
			https://youtu.be/VEX7nC1FnLA		
			5. Herramienta Meet		
			6. Plataforma Classroom (Tareas)		

	Determina el dominio y	Funciones.	1. Agenda de la semana 2	Revisión documental
	rango de una función	Dominio y rango.	2. Presentación del modelo de Funciones	Tarea grupal
	especial.	Funciones especiales y sus	Video:	Videoconferencia
	Representa gráficamente	gráficos.	Quadratic functions and parabolas in the real world	• Exposición de sus hojas de trabajo de semana 1 y semana 2
	una función especial.	Operaciones con	https://youtu.be/He42k1xRpbQ	
2	Soluciona operaciones	funciones	Lecturas: Bibliografía Especializada	
2	con funciones.		3. Herramienta Meet	
	Propone un modelo		4. Geogebra o Excel	
	matemático (caso) de la		5. Classroom	
	realidad utilizando		6. Rúbrica	
	funciones.			
	Identifica los tipos de	Composición de funciones	1. Agenda de la semana 3	Revisión documental
	funciones.	Funciones biyectivas,	2. Presentación del modelo sobre Funciones	Hoja de ejercicios.
	Interpreta gráficamente	pares, impares. periódicas,	crecientes y decrecientes	Videoconferencia
3	los tipos de funciones.	crecientes y decrecientes	Video: Funciones biyectivas.	Retroalimentación
3	Propone un modelo		https://youtu.be/umCwOdjpJu0	
	matemático de funciones		3. Herramienta Meet	
	crecientes o		4. Geogebra o Excel	
	decrecientes.		5. Classroom	

	Reconoce una función	Función inversa.	1. Agenda de la semana 3	<ul> <li>Revisión documental</li> </ul>	
	Inversa.	Función exponencial.	2. Material de clase:	•Videoconferencia	
	Determina el dominio y	Función logarítmica.	•		
4	rango de una función		exponenciales.		
	exponencial.		Video: Función exponencial		
	Determina el dominio y		https://youtu.be/NonKn-kLVPc		
	rango de una función		3. Herramienta Meet		
	logarítmica.		4. Evaluación: Classroom		

Competencia: Aplica la inteligencia lógica matemática para construir modelos del mundo real promoviendo espacios de aprendizaje personal y colectivo.

Número de semanas en el semestre	Criterio/Capacidades	Temas/Contenidos	Herramientas y/o recursos tecnológicos	Actividades y/o estrategias
	Construye un caso de la	Límites: definición,	1. Agenda de la sesión	<ul> <li>Revisión documental</li> </ul>
	vida real sobre límites o	propiedades y	2. Material de clase:	<ul> <li>Videoconferencia</li> </ul>
	límites laterales.	operaciones.	Lecturas: Bibliografía Especializada	
5		Límites laterales.	<ol> <li>Herramienta Meet</li> <li>Plataforma Classroom</li> </ol>	<ul><li> Hoja de ejercicios</li><li> Práctica de Teoría</li></ul>

6	Resuelve diferentes ejercicios con respecto a límites al infinito y límites infinitos.	Límites al infinito. Límites infinitos. Asíntotas	1. Agenda de la sesión 2. Material de clase:  Video: Los límites del Universo  https://youtu.be/TWlkzFNY-Nw 3. Herramienta Meet 4. Preguntas (Meet)	<ul> <li>Revisión documental</li> <li>Hoja de Trabajo</li> <li>Práctica calificada(50%)</li> </ul>
7	Construye y analiza un caso de límites trigonométricos.	Límites trigonométricos.  Límite de la función exponencial.	1. Agenda de la sesión 7  2. Material de clase:  Caso Sobre Límites Trigonométricos  Lecturas: <a href="https://www.slideshare.net/MauroFernandoDiaz">https://www.slideshare.net/MauroFernandoDiaz</a> Martin/funciones-trascendentales?qid=cad43fed-a594-472c-921c-a3fbc83cd08c&v=&b=&from_search=42  3. Herramienta Meet  4. Formulario (Classroom)  5. Rúbrica	<ul> <li>Revisión documental</li> <li>Trabajo grupal</li> <li>Videoconferencia</li> <li>Exposición de hoja de ejercicios 5 y 6</li> <li>Retroalimentación</li> </ul>
8	Resuelve ejercicios de límites de funciones exponencial y logarítmica	Límite de la función logarítmica.  EXAMEN PARCIAL	1.Herramienta Meet     3.Plataforma Classroom     4.Instrumento de evaluación (Rúbrica)	Revisión documental     Videoconferencia     Examen Parcial.

Competencia:	l Propone diferentes casos de	e fenómenos reales aplicando	la continuidad y derivada de funciones.	
Número de semanas en el semestre	Criterio/Capacidades	Temas/Contenidos	Herramientas y/o recursos tecnológicos	Actividades y/o estrategias
9	Interpreta gráficamente la continuidad y discontinuidad de una función. Propone un caso de un fenómeno real aplicando la continuidad.	función.	Agenda de la semana 9     Agenda de la semana 9     Material de clase:     Lectura: Bibliografía Especializada     A. Herramienta Meet     A. Plataforma Classroom	<ul> <li>Revisión documental</li> <li>Trabajo grupal</li> <li>Videoconferencia</li> <li>Hoja de Trabajo</li> </ul>
10	teoremas sobre funciones continuas.	Teoremas sobre funciones continuas.  Continuidad de una función en un intervalo cerrado	Agenda de la semana 10     Material de clase  Video: Continuidad de una función en un intervalo  cerrado. <a href="https://youtu.be/NQBMvyeJr6U">https://youtu.be/NQBMvyeJr6U</a> Herramienta Meet	<ul> <li>Revisión documental</li> <li>Hoja de trabajo</li> <li>Videoconferencia</li> <li>Exposición de hoja de trabajo de semana 9 y 10</li> </ul>
			4. Plataforma Classroom	

	Interpreta	La derivada de una	1. Agenda de la semana 11	Revisión documental
	geométricamente la	función.	2. Material de clase	•Hoja de Ejercicios
	derivada de una función.	Interpretación geométrica.		•Videoconferencia
	Propone un caso	Diferenciabilidad y	Lectura: Bibliografía Especializada.	
	aplicando la	continuidad.	3. Herramienta Meet	
	diferenciabilidad de una	Derivadas laterales.	4. Plataforma Classroom	
11	función.	Reglas de derivación.	5. Preguntas	
	Opera reglas de	Derivada de las funciones		
	derivación.	trigonométricas.		
	Aplica las reglas de			
	derivación para hallar las			
	derivadas de funciones			
	trigonométricas.			
	Utiliza las reglas de	Derivada de la	1. Agenda de la semana 12	•Revisión documental
	derivación para la	composición de	2. Material de clase:	•Hoja de ejercicios
	derivada de composición	funciones.	Lectura: Bibliografía Especializada	•Videoconferencia
	de funciones.	Derivadas de orden	3. Herramienta Meet	•Exposición
12	Calcula la derivada de	superior.	4. Preguntas (Classroom)	de hoja de
	orden superior.	Derivación implícita.		ejercicios de
	Diferencia la derivación	Derivadas exponencial y		semanas 11 y
	implícita de la	logarítmica.		12

	derivación exponencial y			
	logarítmica.			
Competencia:	Aplica las derivadas a prob	lemas de especialidad con an	álisis lógico generando aprendizaje personal y colectivo.	
Número de semanas en el semestre.	Criterio/Capacidades	Temas/Contenidos	Herramientas y/o recursos tecnológicos	Actividades y/o estrategias
	Interpreta los valores	Valores extremos de una	1. Agenda de la semana 13	•Revisión documental
	máximos y mínimos de	función: máximos y	2. Material de clase:	•Hoja de ejercicios.
	una función.	mínimos relativos de una	Caso sobre máximos y mínimos de una función.	•Examen de Teoría.
		función.	Lectura: Bibliografía Especializada	Práctica Calificada.(50%)
	Interpreta el Teorema del	Puntos críticos.	3. Herramienta Meet.	
	valor medio.	Teorema de Rolle.	4. Plataforma Classroom.	
13		Teorema del valor medio.		
	Utiliza los criterios de la	Criterio de la primera y		
	primera y segunda	segunda derivada para		
	derivada para valores	valores extremos relativos		
	extremos relativos y	y absolutos		
	absolutos.			

	Esboza la función y	Concavidad y puntos de	1. Agenda de la semana 14	•Revisión documental
	determina la concavidad	inflexión de la gráfica de	2. Material de clase:	•Hoja de Trabajo
	y puntos de inflexión.	una función.	Video: Tutorial de Geogebra.	
14	Utiliza la regla	Regla de L'Hospital.	máximo y mínimos relativos. Punto de inflexión	
	L'Hospital para evaluar		https://youtu.be/nYxlUtcuJOs	
	límites indeterminados		3. Herramienta Meet	
			4. Plataforma Classroom	
	Analiza y diferencia razón	Razón de cambio.	1. Agenda de la semana 15	•Revisión documental
	de cambio de	Diferenciales.	2. Material de clase:	•Hoja de Trabajo
	diferenciales.		Lecturas: Aplicaciones de la derivada	•Videoconferencia
15			https://balderciencias.weebly.com/uploads/2/2/1/5/22	•Exposición de hoja de
15			155040/u-7 calculo de derivadas. aplicaciones.pdf	trabajo de semanas 13 y 14
			3. Herramienta Meet	Retroalimentación
			4. Cuestionario (Classroom)	1.00.000.000.000.000.000.000.000.000.00
	Aplica la derivada a	Aplicaciones a la física:	1. Repaso para el examen final	Revisión documental
16	diferentes problemas	velocidad y aceleración	2. Herramienta Meet	•Videoconferencia
10	de su especialidad.		3. Plataforma Classroom	• Evaluación.
		EXAMEN FINAL	4. Instrumento de evaluación (rúbrica)	

# VII. ESTRATEGIAS METODOLÓGICAS

- **a.** El Método Sincrónico es aquel en el que el emisor y el receptor del mensaje en el proceso de comunicación opera en el mismo marco temporal, es decir, para que se pueda transmitir dicho mensaje es necesario que las dos personas estén presentes en el mismo momento. Son: Videoconferencias con pizarra, audio o imágenes, Internet, Chat, chat de voz, audio y asociación en grupos virtuales.
- b. El Método Asincrónico, transmite mensajes sin necesidad de coincidir entre el emisor y receptor en la interacción instantánea; son Email, foros de discusión, dominios web, textos, gráficos animados, audio, presentaciones interactivas, video, etc.
- **c.** El Método B-Learnig (Combinado asincrónico y sincrónico), donde la enseñanza y aprendizaje de la educación virtual se hace más efectiva.
- **d. Aprendizaje Basado en Problemas** (ABP) es una metodología centrada en el aprendizaje, en la investigación y reflexión que siguen los estudiantes para llegar a una solución ante un problema planteado por el profesor.
- e. Aprendizaje Basado en Proyectos (AOP) El aprendizaje basado en proyectos es una metodología que se desarrolla de manera colaborativa que enfrenta a los estudiantes a situaciones que los lleven a plantear propuestas ante determinada problemática.
- f. Portafolio de Evidencias es una colección de documentos trabajados en el aula, con ciertas características que tienen como propósito evaluar el nivel de aprendizaje que se ha adquirido, es decir, sus logros, esfuerzos y transformaciones a lo largo de un curso.
- **g.** Taller Trabajo Colaborativo en grupos, interesados en aprender, mediante ejercicios prácticos sobre los temas tratados.

# VIII. EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES Y CRITERIOS

La evaluación formativa en un enfoque por competencias se concibe como un proceso permanente, global, planificado que permite la retroalimentación y toma de decisiones para la mejora de los procesos de aprendizaje.

UNIDAD	CRITERIOS	DESEMPEÑO	PRODUCTO	INSTRUMENTO DE EVALUACIÓN	PESO
UNIDAD I: Relaciones y funciones	Revisa el sílabo con anticipación.  Comprende y diferencia relación de función.	Resuelve los ejercicios sobre	de prácticas dirigidas.	Rúbrica	20%
	Expresa ideas y procesos matemáticos de manera comprensible empleando el lenguaje verbal (oral y escrito).	activamente en	Presentación de Prácticas dirigidas.	Rúbrica	20%
	Realiza conclusiones acerca de las relaciones y funciones empleando el razonamiento lógico y analítico.	Fundamenta y sustenta su respuesta correctamente respetando las opiniones de sus compañeros.	Respuestas a foro.	Rúbrica	20%
	Modela a través de funciones casos de la realidad.	•			40%
TOTAL					100%
UNIDAD II: Límites de funciones	análisis lógico en la	propios		Rúbrica	20%
	Verifica conclusiones y realiza inferencias empleando distintas formas de razonamiento.	Representa e interpreta correctamente el	Respuestas a prácticas dirigidas y participación en clase.	Rúbrica	20%

TOTAL	Conoce las propiedades de los límites de funciones.  Modela a través de los límites casos de su entorno.	propiedades de límites de manera correcta  Fundamenta y construye casos de la realidad utilizando el	prácticas dirigidas y participación en clase.	Rúbrica.	20%
UNIDAD III: Continuidad y derivadas	Argumenta la relación existente entre diferenciabilidad y continuidad.	trabajo grupal	Presentación y desarrollo de prácticas dirigidas.	Rúbrica	20%
	Modela casos de contexto real y analiza la continuidad o derivada.	Fundamenta y construye casos del contexto real utilizando el Excel o el Geogebra de manera correcta.	de <b>portafolio</b> virtual con el modelo con el uso de	Rúbrica.	40%
	Conoce los conceptos de continuidad y derivada de una función.	manera analítica	Presentación de <b>foro</b> .	Rúbrica.	20%
	Calcula y aplica las propiedades para las derivadas de funciones reales.		Presentación y desarrollo de prácticas dirigidas.	Rúbrica	20%
TOTAL					100%
UNIDAD IV: Aplicaciones de las derivadas	Calcula extremos relativos para una función cualquiera aplicando los criterios de la primera y segunda derivada.	cálculo de	desarrollo de	Rúbrica	20%
	Utiliza el Teorema del valor medio para comprobar si una función es constante o no en un intervalo.		Respuestas a foro.	Rúbrica.	20%

		Teorema de	1		
		valor medio.			
Apli	ca los criterios de	Formula	y Presentación	Rúbrica	40%
la	derivada para	sustenta lo	s de <b>portafolio</b>		
optir	nizar modelos	problemas	virtual con el		
relac	cionados a su	relacionados a su	uso de		
espe	cialidad.	especialidad.	herramientas		
			digitales o		
			manuales.		
Calc	ula extremos	Calcula	Presentación y	Rúbrica	20%
abso	lutos de una	extremos	desarrollo de	Debate	
func	ión continúa	absolutos d	e prácticas	Debate	
defir	nida sobre un	funciones	dirigidas.		
inter	valo cerrado	continuas en lo	S		
		ejercicios dado	s		
		de maner	a		
		correcta.			
TOTAL			-		100%

# FÓRMULA DE EVALUACIÓN

**Ev.C1**= Nota de evaluación continua 1 (30 %)

**Ev.C2**= Nota de evaluación continua 2 (30 %)

**E.P=** Nota de examen parcial (20 %)

**E.F**= Nota de examen final (20%)

## Ev.C1=(50% x PC)+(30% x Exp)+(20% x TI)

Donde: PC=Práctica calificada (Que será evaluada en la semana 5 o 6)

Expe Exposición de las hojas de ejercicios (Las exposiciones serán realizadas las semanas 2, 4 y 7)

TI=(Exposición del avance de la primera unidad del trabajo de investigación, en la semana 5 0 6)

## Ev.C2=(50%x PC)+(30%xExp)+(20%xTI)

Donde: PC=Práctica calificada (Que será evaluada en la semana 12 0 13)

Exp= Exposición de las hojas de ejercicios (Las exposiciones serán realizadas las semanas 10, 12 y 14)

TI=(Exposición del trabajo concluido de investigación, en la semana 15)

## PROMEDIO FINAL = $(Ev.C1 \times 0.30) + (E.P. \times 0.20) + (Ev.C2 \times 0.30) + (E.F. \times 0.20)$

Los resultados son reportados al Sistema Único de Matricula de la UNMSM, en 2 momentos: primer momento en la semana 10 del semestre, segundo momento al finalizar el semestre, no hay examen sustitutorio. El sistema de calificación es vigesimal.

## IX. BIBLIOGRAFÍA

## **BÁSICA**

- Mitacc M. & Toro Luis. (2013). Tópicos de Cálculo Vol. I. Lima, Perú: Editorial Thales.
- Venero, Armando. (2012). Análisis Matemático Vol. I. Lima, Perú: Ediciones Gemar.
- 3. Leithold, Louis. (1991). El Cálculo con Geometría Analítica. México: Editorial Harla.
- 4. Soler, F., Núñez, R., & Aranda, M. (2008) Cálculo con Aplicaciones. Bogotá: Editorial Pearson.
- Stewart, James. (2012). Cálculo Trascendentes Tempranas. México: Editorial Cengage Learning.
- 6. Carrillo, Felix. (2006). Matemáticas I. Lima, Perú: Editorial Textos UNI.
- 7. Demidovich. (2002). 5000 Problemas de Análisis Matemático. España: Editorial Paraninfo.
- 8. Pérez Barturén, Elvia. (2018). Matemática I Modelamiento en el mundo real. España. Editorial Académica Española.

#### **COMPLEMENTARIA**

- Muñoz Rivera, Jaime. (2004). Cálculo Diferencial e Integral. Río de Janeiro. Editorial Textos de Graduación.
- 2. La Salle, Hasser & Sullivan. (2015) Análisis Matemático Vol. I. México. Editorial Reverté.
- 3. Apóstol, Tom. (2001). Calculus Vol. 1. México. Editorial Reverté.
- 4. Spivak, Michael. (2012). Calculus. Barcelona. Editorial Reverté.
- Azenha, A & Jerónimo, M. (1995). Cálculo Diferencial e Integral. Portugal. Editorial McGraw-Hill.

## REFERENCIAS ELECTRÓNICAS

Página que tiene material de información adicional.

https://optimizandoelconocimiento.jimdofree.com/matem%C3%A1tica-i/